

SVE O FUNKCIJAMA U 7. RAZREDU

Linearna funkcija broju x (*argumentu*) pridružuje broj y (*vrijednost funkcije*) po formuli $f(x)=ax+b$.

Graf linearne funkcije $f(x)=ax+b$ u koordinatnom sustavu u ravnini je skup svih točaka oblika $(x, f(x))$, a to je zapravo **pravac** čija je eksplicitna jednadžba $y=ax+b$.

U jednadžbi $y=ax+b$, **a** zovemo **koeficijent smjera** ili **nagib pravca** i vrijedi:

$a > 0$ \Rightarrow pravac $y=ax+b$ zatvara šiljasti kut s pozitivnim dijelom x-osi

\Rightarrow funkcija je rastuća

$a < 0$ \Rightarrow pravac $y=ax+b$ zatvara tupi kut s pozitivnim dijelom x-osi

\Rightarrow funkcija je padajuća

$a = 0$ \Rightarrow pravac $y=b$ je usporedan s x-osi i prolazi točkom $(0,b)$

\Rightarrow funkciju $f(x)=b$ nazivamo konstantna funkcija ili

konstanta



U jednadžbi $y=ax+b$, **b** zovemo **odsječak pravca na osi y**, pa pravac $y=ax+b$ siječe os y u točki **$(0,b)$** .

Nultočka linearne funkcije $f(x)=ax+b$ je broj x_0 za koji vrijedi $f(x_0)=0$. Nultočku zapisujemo u obliku **$(x_0,0)$** , dakle pravac $y=ax+b$ siječe os x u točki $(x_0,0)$.

Određivanje jednadžbe funkcije:

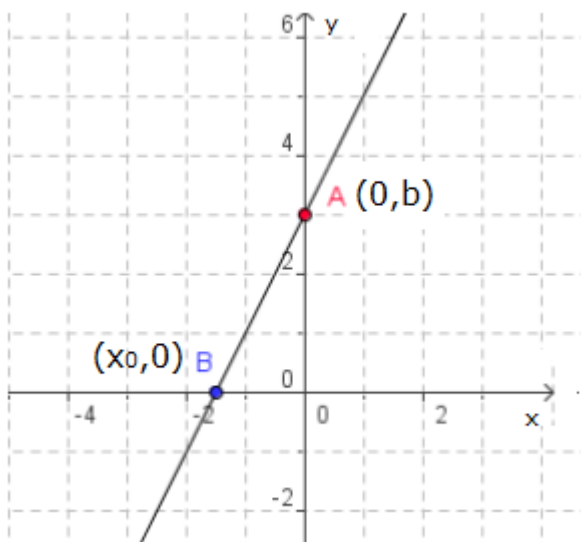
- 1) **pomoću dvije točke $T_1(x_1, y_1)$ i $T_2(x_2, y_2)$** \Rightarrow uvrstimo koordinate x_1 i y_1 u $y_1 = ax_1 + b$ i zatim x_2 i y_2 u $y_2 = ax_2 + b$, napišemo jednadžbu jednu ispod druge i rješavamo sustav dviju jednadžbi s dvije nepoznanice a i b (prvo svedemo na standardni oblik i zatim riješimo metodom supstitucije ili suprotnih koeficijenata)
- 2) **pomoću jedne točke $T_1(x_1, y_1)$ i nagiba pravca a_1** \Rightarrow uvrstimo sve u $y_1 = a_1x_1 + b$ i riješimo jednadžbu s nepoznanicom b
- 3) **pomoću jedne točke $T_1(x_1, y_1)$ i odsječka b_1 na osi y** \Rightarrow uvrstimo sve u $y_1 = ax_1 + b_1$ i riješimo jednadžbu s nepoznanicom a
- 4) **pomoću nagiba pravca a_1 i odsječka b_1 na osi y** \Rightarrow samo sve uvrstimo u $y = a_1x + b_1$

Crtanje grafa funkcije:

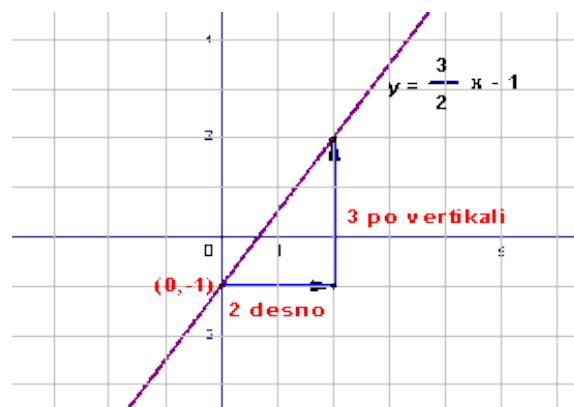
- 1) pomoću tablice \Rightarrow odredimo bilo koja tri broja x i po formuli funkcije izračunamo pripadni y tj. $f(x)$

x			
y tj. $f(x)$			

- 2) pomoću nultočke i odsječka na osi y \Rightarrow izračunamo nultočku



- 3) „brzo“ crtanje pomoću koeficijenta smjera i odsječka na osi y \Rightarrow gradimo pravokutni trokut tako da krećemo od točke $(0,b)$ udesno (paralelno s x -osi) onoliko jediničnih dužina koliko iznosi nazivnik koeficijenta smjera (ukoliko je koeficijent smjera cijeli broj, nazivnik mu je 1), a zatim od tog mjesta gore (paralelno s y -osi) onoliko jediničnih dužina koliko iznosi brojnik koeficijenta smjera ako je on pozitivan, odnosno dolje ako je on negativan. Nacrtamo pravac kroz točku $(0,b)$ i završnu točku crtanja tj., tako da povučemo pravac kroz hipotenuzu dobivenog pravokutnog trokuta



Jednadžba pravca koji je paralelan s osi x , a prolazi točkom $T_1(x_1, y_1)$:

$$y = y_1$$

Jednadžba pravca koji je paralelan s osi y , a prolazi točkom $T_1(x_1, y_1)$:

$$x = x_1$$

Uvjet paralelnosti dva pravca $y = a_1x + b_1$ i $y = a_2x + b_2$:

$$a_1 = a_2$$